

$$\mathrm{rank}_{\mathrm{pur}}(\rho) \leq D s^2$$